

INSTITUTO TECNOLÓGICO DE AERONÁUTICA

VESTIBULAR 2022



1ª FASE

PROVAS DE FÍSICA, PORTUGUÊS, INGLÊS, MATEMÁTICA E QUÍMICA

INSTRUÇÕES

1. Esta prova tem duração de **cinco horas**.
2. Não é permitido deixar o local de exame antes de decorridas **duas horas** do início da prova.
3. Você poderá usar **apenas** caneta esferográfica de corpo transparente com tinta preta, lápis ou lapiseira, borracha, régua transparente simples e compasso. **É proibido portar qualquer outro material escolar.**
4. Esta prova é composta de **70 questões de múltipla escolha** (numeradas de 01 a 70) com 15 questões de Física, 15 de Português, 10 de Inglês, 15 de Matemática e 15 de Química, sendo que a nota de cada matéria é independente. As pontuações de Matemática, Física, Química e Português compõem a média da 1ª fase.
5. Você recebeu este **caderno de questões e uma folha óptica que deverão ser devolvidos no final do exame.**
6. Cada questão de múltipla escolha admite **uma única** resposta.
7. A **folha de leitura óptica, destinada à transcrição das questões numeradas de 1 a 70**, deve ser preenchida usando **caneta preta de material transparente**. Assinale a opção correspondente à resposta de cada uma das questões de múltipla escolha. Você deve preencher todo o campo disponível para a resposta, sem extrapolar-lhe os limites, conforme instruções na folha de leitura óptica.
8. Cuidado para não errar no preenchimento da folha de leitura óptica. Ela não será substituída.
9. **Não haverá tempo suplementar para o preenchimento da folha de leitura óptica.**
10. A **não devolução** do caderno de questões e/ou da folha de leitura óptica implicará a **desclassificação do candidato**.
11. No dia 08/11/2021, o gabarito desta prova será disponibilizado no *site* do ITA (www.vestibular.ita.br).
12. **Aguarde o aviso para iniciar a prova. Ao terminá-la, avise o fiscal e aguarde-o no seu lugar.**

FÍSICA

Se necessitar, use os seguintes valores para as constantes:

Aceleração local da gravidade $g = 10 \text{ m/s}^2$. $1 \text{ UA} = d_{\text{Terra-Sol}} = 150$ milhões de quilômetros.

Velocidade da luz no vácuo $c = 3,0 \times 10^8 \text{ m/s}$.

Questão 1. Em 2019, no 144º aniversário da Convenção do Metro, as unidades básicas do SI foram redefinidas pelo Escritório Internacional de Pesos e Medidas (BIPM). A seguir, são feitas algumas afirmações sobre as modificações introduzidas pela redefinição de 2019.

1. São apenas sete as constantes da natureza definidas como exatas, a saber: a velocidade da luz (c), a frequência de transição de estrutura hiperfina do Césio-133 ($\Delta\nu_{\text{Cs}}$), a constante de Planck (h), a carga elementar (e), a constante de Boltzmann (k_B), o número de Avogrado (N_A) e a eficácia luminosa da radiação monocromática na frequência de 540 THz (K_{cd}).
2. São apenas seis as constantes da natureza definidas como exatas, a saber: a velocidade da luz (c), a constante de Planck (h), a carga elementar (e), a constante de Boltzmann (k_B), o número de Avogrado (N_A) e a eficácia luminosa da radiação monocromática na frequência de 683 THz (K_{cd}).
4. O protótipo de platina e irídio, conservado como padrão do kg, tornou-se obsoleto e o quilograma passou a ser definido apenas em termos de constantes fundamentais exatas.
8. As sete unidades básicas na redefinição do SI são: segundo, metro, quilograma, coulomb, mol, Kelvin e candela.

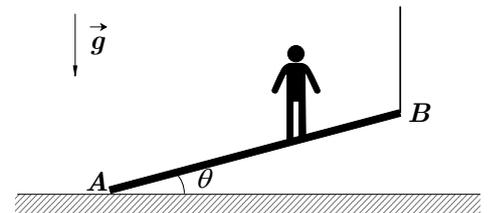
Assinale a alternativa que contém a soma dos números correspondentes às afirmações verdadeiras.

- A () 2 B () 5 C () 8 D () 10 E () 13

Questão 2. A bola A , de massa m , é liberada a partir do repouso de um edifício exatamente quando a bola B , de massa $3m$, é lançada verticalmente para cima a partir do solo. As duas bolas colidem quando a bola A tem o dobro da velocidade de B e sentido oposto. O coeficiente de restituição da colisão é dado por $e = 0,5$. Determine a razão das velocidades, $|v_A/v_B|$, logo após o choque.

- A () 0 B () 1 C () 5 D () 11 E () 13

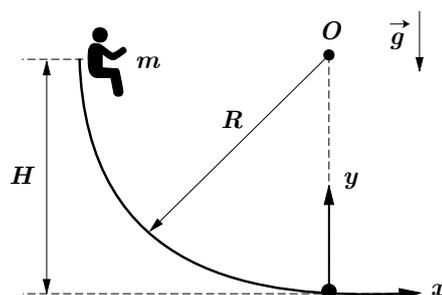
Questão 3. Uma ponte levadiça uniforme com peso P e comprimento L é sustentada por uma corda vertical na sua extremidade B , que pode sustentar uma tensão máxima de $1,5 P$. A ponte é articulada no ponto fixo A . Um homem de peso P_h começa a subir a ponte a partir do ponto A até causar o rompimento da corda. Assinale a alternativa que contém a distância percorrida pelo homem ao longo da ponte.



- A () PL/P_h D () $2PL/P_h$
B () $P_h L/P$ E () $3PL/P_h$
C () PL/P_h

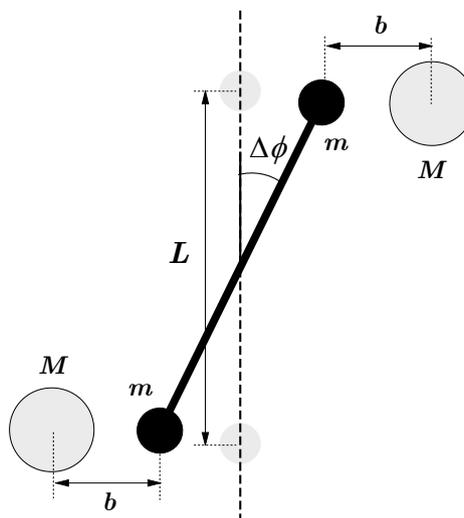
Questão 4. Um garoto de massa m desliza sobre um escorregador de superfície lisa e com raio de curvatura constante dado por R . O platô superior de onde o menino inicia a sua descida encontra-se à altura H do chão. Calcule a reação normal de contato que a rampa exerce sobre o garoto no instante imediatamente anterior à chegada aproximadamente horizontal dele ao chão.

- A () $mg \left(1 + \frac{2H}{R}\right)$ D () $mg \left(1 - \frac{H}{R}\right)$
 B () $mg \left(1 + \frac{H}{R}\right)$ E () $mg \left(1 - \frac{2H}{R}\right)$
 C () mg



Questão 5. Em seu experimento para medir a constante gravitacional G , Henry Cavendish utilizou uma balança de torção composta por uma haste leve e longa, de comprimento L , com duas massas m em suas extremidades, suspensa por um fio fixado ao seu centro. Dois objetos de massa M foram aproximados às extremidades da haste, conforme mostra a figura abaixo, de tal forma que a haste sofreu um pequeno ângulo de deflexão $\Delta\phi$ a partir da posição inicial de repouso, e foi medida a distância b entre os centros das massas m e M mais próximos. Quando torcido de um ângulo ϕ , o fio gera um torque restaurador $\tau = -\kappa\phi$. Determine a expressão aproximada de G , em termos dos parâmetros do sistema.

- A () $\frac{b^2 k \Delta\phi}{4LMm}$
 B () $\frac{b^2 k \Delta\phi}{2LMm}$
 C () $\frac{b^2 k \Delta\phi}{LMm}$
 D () $\frac{2b^2 k \Delta\phi}{LMm}$
 E () $\frac{4b^2 k \Delta\phi}{LMm}$



Questão 6. Um fluido de densidade ρ , incompressível e homogêneo, move-se por um tubo horizontal com duas seções transversais de áreas A_1 e $A_2 = kA_1$, em que k é uma constante real positiva menor que 1. Um elemento de volume de fluido entra no tubo com velocidade v_1 na região onde a seção transversal de área é A_1 e sai através da outra extremidade. O estreitamento do tubo acontece em um curto intervalo de comprimento, muito menor do que o seu comprimento total. Assinale a alternativa que contém a diferença de pressão do fluido entre os pontos de entrada e saída do tubo.

- A () 0 D () $\frac{\rho v_1^2}{2} \left(\frac{1-k}{k}\right)$
 B () $\frac{\rho v_1^2}{2}$ E () $\frac{\rho v_1^2}{2} \left(\frac{1-k^2}{k}\right)$
 C () $\frac{\rho v_1^2}{2} \left(\frac{1-k^2}{k^2}\right)$

Questão 7. No laboratório de mecânica, carrinhos de massas M e $2M$ são unidos por uma mola elástica ideal e oscilam livremente em um plano liso com período T . A seguir, o sistema é comprimido contra uma parede por uma força F atuando sobre a massa M , conforme ilustra a figura abaixo. Nessa situação, a mola é sujeita a uma compressão l com respeito ao seu comprimento natural. Em um determinado instante, a massa M é liberada e o sistema entra em movimento. Assinale a alternativa que contém a máxima velocidade atingida pelo centro de massa no movimento subsequente.

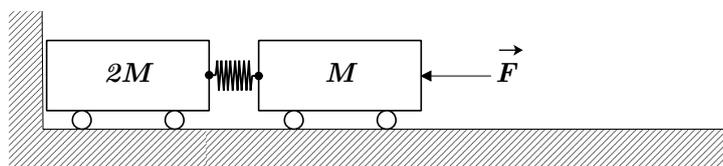
A () 0

D () $\sqrt{\frac{8}{3}} \times \frac{\pi l}{T}$

B () $\frac{2\pi l}{T}$

E () $\sqrt{\frac{8}{27}} \times \frac{\pi l}{T}$

C () $\frac{2\pi l}{3T}$



Questão 8. Um pesquisador mergulha uma lâmina bimetalica de latão e ferro de 5 cm de comprimento, 0,3 mm de espessura e perfeitamente plana a 20°C em um fluido para estimar a sua temperatura. Um feixe de laser incide sobre a extremidade superior da lâmina, como mostra a figura abaixo. A extremidade inferior é mantida fixa e sempre vertical. A lâmina bimetalica encontra-se à distância $d = 20,0$ cm de uma das paredes do recipiente, atravessada pelo feixe no ponto P_1 . O laser reflete na extremidade da lâmina bimetalica e volta a incidir sobre a mesma parede no ponto P_2 , distante $L = 11,4$ cm do ponto P_1 . As lâminas superpostas têm a mesma espessura, o coeficiente de dilatação linear do latão é igual a $\alpha_1 = 18 \times 10^{-6}\text{K}^{-1}$ e do ferro igual a $\alpha_2 = 2 \times 10^{-6}\text{K}^{-1}$. Assinale a alternativa que apresenta o intervalo contendo a melhor estimativa da temperatura do fluido.

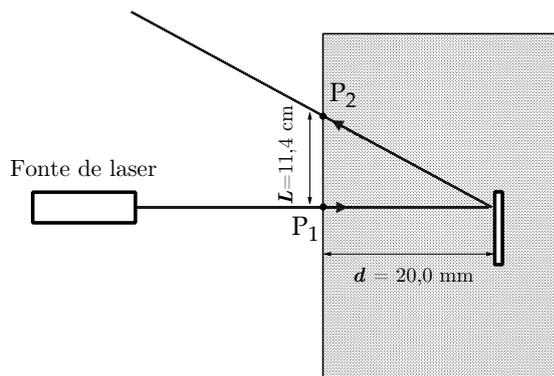
A () $30^\circ\text{C} \leq T \leq 80^\circ\text{C}$

B () $80^\circ\text{C} \leq T \leq 130^\circ\text{C}$

C () $130^\circ\text{C} \leq T \leq 180^\circ\text{C}$

D () $180^\circ\text{C} \leq T \leq 230^\circ\text{C}$

E () $230^\circ\text{C} \leq T \leq 280^\circ\text{C}$

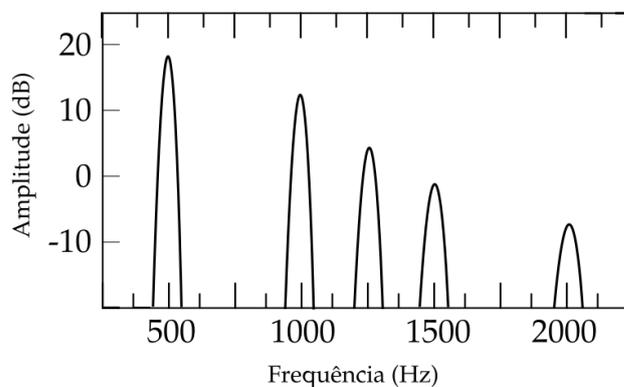


Questão 9. Muitos instrumentos musicais, como o piano, geram sons a partir da excitação de cordas com extremidades fixas. Ao pressionar uma tecla do piano, um dispositivo mecânico percute uma corda tensionada, produzindo uma onda sonora. O som produzido pelo piano em um determinado instante de tempo é captado e a sua decomposição espectral é fornecida no gráfico a seguir, à respeito do qual são feitas três sentenças.

- I. Para gerar um espectro sonoro dessa natureza é necessário acionar 5 teclas do piano.
- II. A velocidade de propagação de cada nota no ar é proporcional à sua frequência característica.
- III. A frequência fundamental da corda, sujeita a uma tensão T , é inversamente proporcional à sua densidade linear de massa.

Assinale a alternativa correta.

- A () As sentenças I, II e III são falsas.
- B () Apenas a sentença I é verdadeira.
- C () Apenas a sentença II é verdadeira.
- D () Apenas a sentença III é verdadeira.
- E () Apenas as sentenças I e II são verdadeiras.



Questão 10. Uma lente delgada convergente, com distância focal de 5 cm, é alinhada à frente de um espelho côncavo, de distância focal de 2 cm, de forma a compartilhar o mesmo eixo óptico. Seja $x = 0$ a posição do vértice do espelho e $x = 8$ cm a posição da lente. Quais as posições entre os elementos ópticos em que se pode colocar um objeto de forma que nenhuma imagem seja formada na região $x > 8$ cm?

- A () $0 \text{ cm} \leq x \leq 2,67 \text{ cm}$
- B () $3 \text{ cm} \leq x \leq 6 \text{ cm}$
- C () $3 \text{ cm} \leq x \leq 8 \text{ cm}$
- D () $5 \text{ cm} \leq x \leq 8 \text{ cm}$
- E () $6 \text{ cm} \leq x \leq 8 \text{ cm}$

Questão 11. Considere uma montagem de um experimento de dupla fenda de Young, na qual as fendas estão afastadas de $d = 2,0$ mm e são iluminadas por luz azul ($\lambda = 480$ nm) e amarela ($\lambda' = 600$ nm) de mesma intensidade. O padrão de difração resultante é projetado sobre um anteparo localizado a 5,0 m das fendas. A que distância, contada a partir da região brilhante central, uma franja verde pode ser observada no anteparo.

- A () 1,2 mm
- B () 1,5 mm
- C () 6,0 mm
- D () 9,0 mm
- E () Não é possível observar uma franja verde a partir desse arranjo experimental.

Questão 12. Considere o movimento de um objeto de massa $m = 1,0$ g, positivamente carregado, com carga $q = 20,0 \mu\text{C}$, na presença do campo gravitacional da superfície terrestre, g , e de um campo eletromagnético dado por

$$\vec{B} = B\hat{k}, \vec{E} = E_y\hat{j} + E_z\hat{k},$$

em que $B = 1,00$ T, $E_x = 100$ N/C e $E_z = 800$ N/C. O eixo z corresponde à direção vertical para cima. Sabendo que a partícula partiu da origem do sistema de coordenada com velocidade \vec{v} , escrita em termos de suas componentes paralela e perpendicular a \vec{B} , ou seja, $\vec{v} = v_{\parallel}\hat{v}_{\parallel} + v_{\perp}\hat{v}_{\perp}$, sendo $v_{\parallel} = 2,0$ m/s e $v_{\perp} = 1,0$ m/s, calcule o tempo necessário para ela atingir a posição $z = 1,0$ m.

- A () 0,33 s
- B () 0,66 s
- C () 1,00 s
- D () 1,33 s
- E () 1,66 s

Questão 13. Considere um octaedro regular cujos vértices estão todos ligados por capacitores idênticos de capacitância C . Cada par de vértices, vizinhos ou não, está ligado por um capacitor. Calcule a capacitância equivalente entre dois vértices vizinhos do sólido.

A () C

D () $8 C/3$

B () $2 C$

E () $8 C$

C () $3 C$

Questão 14. Considere um solenoide muito longo com n_1 voltas por unidade de comprimento e raio a . Situado no lado externo do solenoide, há outro solenoide de comprimento L , com n_2 voltas por unidade de comprimento e raio b ($b > a$). Metade do solenoide externo possui resistividade ρ_1 e a outra metade ρ_2 . Os fios que compõem o solenoide possuem uma área transversal A e seus terminais estão ligados em curto. A corrente que passa pelo solenóide interno varia linearmente com o tempo, $I = I_0 t$. Desprezando a auto-indutância dos solenoides, a corrente induzida no solenóide externo pode ser escrita por

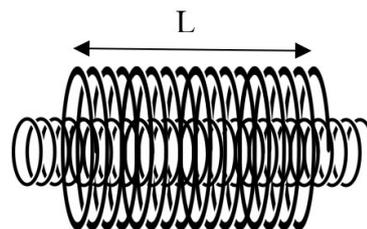
A () $\frac{n_1 \mu_0 I_0 a^2 A}{b(\rho_1 + \rho_2)}$.

D () $\frac{n_1 \mu_0 I_0 a^2 A (\rho_1 + \rho_2)}{n_2 L b \rho_1 \rho_2}$.

B () $\frac{n_1 \mu_0 I_0 b A}{(\rho_1 + \rho_2)}$.

E () $\frac{n_1 \mu_0 I_0 a^2 A}{n_2 L b (\rho_1 + \rho_2)}$.

C () $\frac{n_1 n_2 \mu_0 I_0 \pi a^2 A}{b(\rho_1 + \rho_2)}$.



Questão 15. A energia produzida pelo Sol é resultante de reações de fusão nuclear de conversão de hidrogênio em hélio. São convertidas em radiação eletromagnética a cada segundo 4,3 milhões de toneladas. Essa energia pode ser parcialmente convertida em energia elétrica em painéis solares na superfície da Terra com rendimento da ordem de 25%. Sabendo que a potência elétrica média consumida no Brasil é de 54 GW, estime a área que precisaria ser coberta por painéis solares para atender a demanda energética nacional. Despreze perdas de armazenamento e transmissão de energia, assim como efeitos da interação entre a luz e a atmosfera.

A () 21 km^2

C () 4.800 km^2

E () 680.000 km^2

B () 320 km^2

D () 52.000 km^2

PORTUGUÊS

Questão 16. Em *Numa e a ninfa*, o episódio (cap. 10) das contínuas interrupções do deputado Júlio Barroso no parlamento ilustra

- A () o respeito distanciado, porém, genuíno, que as classes populares da época nutriam para com os políticos.
- B () a idolatria do autor para com os políticos que defendiam a volta do regime monárquico.
- C () a ironia com que a narrativa retrata a política institucional da República Velha.
- D () a crença do narrador de que os males da política tinham origem nas intrigas das cortes europeias.
- E () o tom de desesperança para com o futuro do Brasil manifestado na psicologia das personagens femininas.

Questão 17. Acerca das personagens Numa e Lucrécio Barba de Bode, de *Numa e a ninfa*, é possível afirmar CORRETAMENTE que

- A () são o espelho da boa educação aristocrática que também caracteriza a dupla Edgarda e D. Florinda.
- B () representam a dignidade de caráter do povo brasileiro, como Bogóloff e Juca Chaveco.
- C () são personagens secundárias, cuja única função é auxiliar as personagens verdadeiramente centrais da narrativa.
- D () são protagonistas porque contribuem decisivamente para o sucesso das carreiras políticas de Bentes e Benevenuto.
- E () representam ao leitor que o oportunismo e a ação por mera conveniência estão presentes em todas as classes sociais brasileiras.

Questão 18. Identifique a CORRETA caracterização do narrador de *Numa e a ninfa*.

- A () é um narrador onisciente, que julga crítica e sarcasticamente os fatos e as personagens.
- B () é um narrador personagem, imparcial, em 3ª pessoa.
- C () é um narrador em 3ª pessoa, imparcial ao narrar os fatos, mas que julga criticamente as personagens.
- D () é um narrador onisciente, em 1ª pessoa, que julga moralmente as demais personagens.
- E () é um narrador onisciente, distanciado dos fatos e das personagens.

Questão 19. Leia atentamente o trecho destacado de *Numa e a ninfa* e o compare às declarações de I a III. Em seguida, assinale a alternativa CORRETA.

Era a política, era Campelo a garantir-lhe a impunidade e, mais alto, os protetores de Campelo dando a este mão forte e prestígio... Se o Estado é uma coação organizada, essa coação cessava por abdicação do próprio Estado... Era o ruir de tudo... Onde nos levaria tudo isso?... A sua colaboração não seria criminosa? Tinha direito perante a sua própria consciência de contribuir para semelhante ruína? Sentiu perfeitamente que esse afrouxamento da lei e da autoridade tinha por fim recrutar dedicações aos ambiciosos antipáticos à opinião. A coação legal do Estado fizera-se, para uma mascarada eleitoral, ameaça de valentão...

- I. O narrador usa o discurso direto para se distanciar da personagem.
- II. O discurso indireto é usado unicamente para explicitar ao leitor as certezas da personagem.
- III. O uso do discurso indireto livre não é evidenciado pela falta de referência direta aos pensamentos da personagem.

- A () apenas I é verdadeira.
- B () apenas II é verdadeira.
- C () apenas I e II são falsas.
- D () apenas III é falsa.
- E () todas são falsas.

Questão 20. Leia atentamente, à esquerda, o trecho destacado de *Numa e a ninfa* e assinale, à direita, a alternativa que a caracteriza INCORRETAMENTE.

A Cidade Nova dança à francesa ou à americana e ao som do piano. Há por lá até o célebre tipo do pianista, tão amaldiçoado, mas tão aproveitado que bem se induz que é ocultamente querido por toda a cidade. É um tipo bem característico, bem função do lugar, o que vem a demonstrar que o ‘cateretê’ não é bem do que a Cidade Nova gosta.

- A () a observação de fatos cotidianos aproxima-se da crônica e permite ao narrador relatar algo que o senso comum não percebe imediatamente.
- B () pelo relato dos fatos cotidianos, o narrador revela que, por trás das aparências, há uma recusa da cultura popular implícita na adesão à estrangeira.
- C () o narrador manifesta sutilmente um juízo acerca do que se passa.
- D () o relato e a interpretação do fato cotidiano facultam ao leitor formular seus próprios juízos sobre o que se passa.
- E () é um relato estritamente objetivo que não busca manifestar nenhuma perspectiva subjetiva ou aspecto despercebido do cotidiano.

Questão 21. Leia atentamente, à esquerda, a primeira estrofe de “Morte do leiteiro”, da seção “NA PRAÇA DE CONVITES”. Em seguida, assinale, à direita, a alternativa CORRETA.

- A () os verbos, advérbios e complementos representam uma situação perigosa para quem bebe pouco leite.
- B () a construção repetitiva dos versos sugere uma tensão entre as condições de vida, a repetição própria do trabalho moderno e uma moralidade social violenta.
- C () o estilo coloquial do poema está em perfeita consonância com os preceitos da poética romântica do autor.
- D () os versos tematizam a luta no campo entre grandes e pequenos pecuaristas dedicados à produção de laticínios no país.
- E () a escassez de recursos linguísticos é uma metáfora da escassez de recursos na produção social de laticínios no país.

Questão 22. Assinale a alternativa que confirma a seguinte afirmação: a poética de Drummond mantém uma relação ambígua com a memória, com traços de esperança, embora sem saudosismo ou idealização.

- A () “Eta vida besta, meu Deus.” (“Cidadezinha qualquer”).
- B () “Amanhecem de novo as antigas manhãs/ que não vivi jamais, pois jamais me sorriram.” (“Campo de flores”).
- C () “Não cantarei amores que não tenho,/ e, quando tive, nunca celebrei.” (“Nudez”).
- D () “E como ficou chato ser moderno./ Agora serei eterno.” (“Eterno”).
- E () “Então nos punimos em nossa delícia./ O amor atinge raso, e fere tanto.” (“Ciclo”).

Questão 23. Para apresentar a sua *Antologia poética*, Carlos Drummond de Andrade escreveu: “Algumas poesias caberiam talvez em outra seção que não a escolhida, ou em mais de uma. A razão da escolha está na tônica da composição, ou no engano do autor.” (“Informação – NOTA DA PRIMEIRA EDIÇÃO”). Diante do trecho citado, é possível afirmar que

- A () o poeta quer dizer que a divisão é rígida e espelha fielmente as fases de sua obra.
- B () o poeta admite, com ironia, a própria falibilidade e faculta ao leitor a liberdade de outra organização dos poemas.
- C () a *Antologia poética* deve ser entendida normativamente, isto é, segundo uma “ordem interna” inalterável e que representa a chave da poética de Drummond.
- D () o poeta retira do leitor a possibilidade de interpretar a sua poesia.
- E () é evidente a falta de critério para a seleção dos poemas, o que indica apenas a intenção de amostragem, sem qualquer planejamento ou organização.

Questão 24. A respeito da obra de Carlos Drummond de Andrade, é incorreto afirmar que

- A** () a sua poética mantém uma relação ambígua com a memória, com traços de esperança, embora sem saudosismo ou idealização, como atestam os versos: “Pois de tudo fica um pouco./ Fica um pouco de teu queixo/ no queixo de tua filha.” (“Resíduo”).
- B** () não é sua característica tratar do amor como luxúria carnal que intensifica a dor de amar, conforme atestam os versos: “Não cantarei amores que não tenho,/ e, quando tive, nunca celebrei.” (“Nudez”).
- C** () não é marcada por terna evocação saudosista do passado, como atestam os versos: “E de tudo fica um pouco./ Oh abre os vidros de loção/ e abafa/ o insuportável mau cheiro da memória.” (“Resíduo”).
- D** () o poeta jamais demonstra dúvidas relativamente ao amor, conforme atestam os versos: “Amarei mesmo Fulana?/ ou é ilusão de sexo?” (“O mito”).
- E** () o poeta não evita o tema da memória e só trata da expectativa do futuro, como atestam os versos: “Amanhecem de novo as antigas manhãs/ que não vivi jamais, pois jamais me sorriram.” (“Campo de flores”).

Questão 25. Leia atentamente, à esquerda, os versos destacados de “Amar”, da seção “AMAR-AMARO”. Em seguida, assinale, à direita, a alternativa CORRETA.

- Este o nosso destino:
amor sem conta,
distribuído pelas coisas
pérfidas ou nulas,
doação ilimitada a uma
completa ingratidão,
e na concha vazia do
amor a procura medrosa,
paciente, de mais e mais
amor.
- A** () os versos evidenciam que o amor, na poética de Drummond, não representa um tema importante e é apenas ligeiramente abordado em seus poemas.
- B** () os versos evidenciam a centralidade do amor erótico na poética de Drummond, por meio do qual a subjetividade individual se exprime.
- C** () os versos evidenciam que, na poética de Drummond, o amor vai além do sentimentalismo individual para englobar relações humanas mais profundas.
- D** () nestes versos, o poeta reduz o amor ao ato sexual, ao desejo carnal entre homem e mulher.
- E** () nestes versos, o amor restringe-se a um sentimentalismo convencional, evidenciado pela escolha da forma tradicional do soneto para exprimir o tema.

Questão 26. Leia atentamente o trecho, à esquerda, do conto “A mão no ombro” e, em seguida, assinale, à direita, a alternativa CORRETA.

- Deixou cair a folha seca,
enfurnou as mãos nos bolsos e
seguiu pisando com a mesma
prudência da estátua.
Contornou o tufo de begônias,
vacilou entre os dois ciprestes
(mas o que significava essa
estátua?) e enveredou por uma
alameda que lhe pareceu menos
sombria. Um jardim inocente.
- A** () é um narrador predominantemente em terceira pessoa, que utiliza, por vezes, o discurso indireto livre para se confundir com a personagem protagonista.
- B** () é um narrador em primeira pessoa que constrói um monólogo interior.
- C** () é um narrador protagonista, que relata, em primeira pessoa, as experiências que outra personagem lhe contou.
- D** () é um narrador em terceira pessoa pouco atento aos pensamentos da personagem protagonista.
- E** () é um narrador judicativo que recrimina a culpa que a personagem protagonista sente e, por isso, faz perguntas a si próprio.

Questão 27. Relações amorosas desgastadas são uma constante nos contos de Lygia Fagundes Telles.

Assinale a alternativa que não ilustra essa afirmação.

- A () “Se por acaso alguém tinha pensado em comprar um novo fio dental porque este estava no fim. Não está, respondi, é que ele se enredou lá dentro, se a gente tirar esta plaqueta (tentei levantar a plaqueta) a gente vê que o rolo está inteiro mas enredado e quando o fio se enreda desse jeito, nunca mais!, melhor jogar fora e começar outro rolo. Não joguei.” (“Noturno amarelo”).
- B () “Chega também de banho? ela perguntou enquanto dava tapinhas no queixo. Ele calçou os chinelos: se não estivesse tão cansado, poderia odiá-la.” (“A mão no ombro”).
- C () “Acho que você nunca amou ninguém a não ser você mesmo, ela disse apertando as palmas das mãos contra os olhos. Amei você — quis dizer e não tive forças.” (“A sauna”).
- D () “Fiz minha cara inocente: na véspera, ele me advertira que eu podia ser uma moça de mãos feias, ‘Ainda não pensou nisso?’. Nunca tinha pensado antes, nunca me importei com as mãos, mas no instante em que ele fez a pergunta comecei a me importar.” (“Herbarium”).
- E () “E achei que seria a oportunidade de me livrar dele, a troca era vantajosa, mas calculei mal, logo nos primeiros encontros descobri que a traição faz apodrecer o amor. Na rua, no restaurante, no cinema, na cama e em toda parte, Eduarda, você esteve presente.” (“Noturno amarelo”).

Questão 28. Leia atentamente, à esquerda, o trecho destacado do conto “Noturno amarelo” e, em seguida, assinale a alternativa CORRETA, à direita.

Tudo então aconteceu muito rápido.

Ou foi lento? Vi o Avô dirigir-se para a porta que ficava no fundo da sala, pegar a chave que estava no chão, abrir a porta, deixar a chave no mesmo lugar e sair fechando a porta atrás de si. Foi a vez da Avó, que passou por mim com sua bengala e seu lorgnon, me fez um aceno e deixando a chave no mesmo lugar, seguiu o Avô. Vi Eduarda de longe, ajudando o noivo a vestir a capa, Mas onde foram todos? perguntei e ela não ouviu ou não entendeu.

- A () a visita de Laura, protagonista do conto, à antiga casa de sua família, aconteceu realmente, mas isso não a afeta em nada.
- B () a visita de Laura à antiga casa de sua família só aconteceu na sua imaginação, o que revela a futilidade da personagem.
- C () por nunca ter nutrido sentimentos de amor por sua família, Laura decide voltar no meio do caminho e cancelar a visita.
- D () mais importante do que saber se a visita de Laura à antiga casa de sua família aconteceu realmente ou não é entender que as suas memórias a levam a passar a sua vida a limpo.
- E () mais importante do que saber se a visita de Laura à antiga casa de sua família aconteceu realmente ou não é entender que nenhuma lembrança é capaz de alterar a sua falsidade e dissimulação em relação ao passado.

Questão 29. Assinale a alternativa CORRETA acerca do conto “Herbarium”.

- A () o conto narra um caso de sedução de um adulto por uma menor, como atesta o trecho: “*Herbarium*, ensinou-me logo no primeiro dia em que chegou ao sítio. Fiquei repetindo a palavra, *herbarium*. *Herbarium*.”
- B () o conto narra o ingresso da protagonista na adolescência, marcado pela sedução de um seu primo adulto, como atesta o trecho: “Ele selecionava as folhas ainda pesadas de orvalho quando me perguntou se já tinha ouvido falar em folha persistente.”
- C () o conto descrever o desabrochar do primeiro amor – platônico e delicado – da protagonista, causado pela presença de um primo mais velho: “Dizer-lhe que diante dele, mais do que diante dos outros, tinha de inventar e fantasiar para obrigá-lo a se demorar em mim como se demorava agora na verbena — será que não percebia essa coisa tão simples?”
- D () o conto narra o processo de amadurecimento traumático de uma adolescente, desencadeado pelo assédio de um primo mais velho, como atesta o trecho: “Tia Marita me enlaçou pela cintura enquanto se esforçava para lembrar o nome da recém-chegada, um nome de flor, como era mesmo?”
- E () o conto narra a história de uma família de mulheres botânicas que viajam pelos sertões do Brasil e sofrem todo tipo de assédio: “‘Aonde você vai com esse vestido de maria-mijona?’, perguntou minha mãe me dando a xícara de café com leite.”

Questão 30. Leia atentamente o trecho destacado do conto “Seminário dos ratos”, no qual o Chefe das Relações Públicas dirige-se ao Secretário do Bem-Estar Público e Privado. Em seguida, assinale a alternativa CORRETA.

— *Bueno*, ontem à noite ele sofreu um pequeno acidente, Vossa Excelência sabe como anda o nosso trânsito! Teve que engessar um braço. Só pode chegar amanhã, já providenciei o jatinho — acrescentou o jovem com energia. — Na retaguarda fica toda uma equipe armada para a cobertura. Nosso Assessor vai pingando o noticiário por telefone, criando suspense até o encerramento, quando virão todos num jato especial, fotógrafos, canais de televisão, correspondentes estrangeiros, uma apoteose. *Finis coronat opus*, o fim coroa a obra!

- A () a passagem exprime a moral da história, qual seja: a política é impossível sem jatinhos.
- B () a preocupação das personagens com as aparências e a comunicação com o público representa os seus ideais republicanos e democráticos.
- C () a preocupação principal das personagens era promover uma comunicação transparente e honesta com o público.
- D () a linguagem do Chefe das Relações Públicas evidencia que ele não se preocupa apenas com os objetivos, mas também com a dignidade dos meios para atingi-los.
- E () a tradução do adágio latino, na última frase, indica a mentalidade utilitarista e a falta de princípios superiores das personagens em questão.

Leia o texto destacado para responder às questões 31 e 32.

Stupidity permeates our perception and practice of politics. We frequently accuse politicians, bureaucrats, journalists, voters, “elites,” and “the masses” for their stupidities. In fact, it is not only “populist politicians,” “sensational journalism,” and “uneducated voters” who are accused of stupidity. Similar accusations can be, and in fact have been, made concerning those who criticize them as well. It seems that stupidity is ubiquitous, unable to be contained within or attributed to one specific political position, personal trait, or even ignorance and erroneous reasoning. Undertaking a theoretical investigation of stupidity, Nabutaka Otohe challenges the assumption that stupidity can be avoided. The author argues that the very ubiquity of stupidity implies its unavoidability — that we cannot contain it in such domains as error, ignorance, or “post-truth.” What we witness is rather that one’s reasoning can be sound, evidence-based, and stupid. In revealing this unavoidability, he contends that stupidity is an ineluctable problem not only of politics, but also of thinking. We become stupid because we think: it is impossible to distinguish a priori stupid thought from upright, righteous thought. Moreover, the failure to address the unavoidability of stupidity leads political theory to the failure to acknowledge the productive moments that experiences of stupidity harbor within. Such productive moments constitute the potential of stupidity — that radical new ideas can emerge out of our seemingly banal and stupid thinking in our daily political activity.

Fonte: <https://www.routledge.com/>. Publicado em 12/10/2020. Acesso em 20/08/2021.

Questão 31. De acordo com o texto, não é correto afirmar que

- A () em nossa prática política diária, novas ideias radicais podem surgir de um pensamento aparentemente banal e estúpido.
 B () o fracasso em considerarmos que a estupidez é inevitável nos conduz a outro malogro.
 C () a ubiquidade da estupidez implica em sua evitabilidade.
 D () a estupidez não pode ser contida em domínios como ignorância, erro ou pós-verdade.
 E () a estupidez é um problema do pensamento do qual não podemos escapar.

Questão 32. O termo “moreover”, destacado em itálico no excerto do segundo parágrafo, “*Moreover*, the failure to address the unavoidability of stupidity leads political theory to the failure”, pode ser substituído, sem prejuízo de significado, por

- A () furthermore. C () nevertheless. E () even though.
 B () although. D () unlikely.

Leia o texto destacado para responder às questões 33 e 34.

Jaap Wagelaar was my all-time favorite secondary school teacher. He gave me a 10/10 for my oral Dutch literature exam, taught psychoanalysis during grammar class, astounded pupils with odd puppet show performances during lunch breaks and sadly ended his career with a burn-out. Few students and fellow teachers understood him. But since I trusted his judgment like nobody else’s, I once asked him why Piet Paaltjens and Gerard Reve, both canonized Dutch literary figures, albeit of very divergent genres, could occasionally be kind or ironic but were more often rather cynical, cold and heartless. The response he gave has stuck with me ever since: *cynical people are in fact the most emotional ones. Because of their sentimentality they are unable to handle injustice and feel forced to build up a self-protective screen against painful emotions called cynicism. Irony is mild, harmless and green. Sarcasm is biting and represents an orange traffic light. And the color of cynicism is deep red, with the shape of a grim scar that hides a hurt soul. They are all equally beautiful.*

These words again came to my mind when thinking back on the dozens of ironic, sarcastic and cynical memes about underperforming politicians and policy scandals disseminated over the past

year. Who has not seen the image of Donald Trump walking through a desolate, scorched forest mumbling to himself: ‘*My work here is almost done*’? Who has not read the scathing reports of Flemish Ministers Bart Somers and Hilde Crevits escaping from a window aided by an unidentified third person after a meeting of the Council of Ministers to avoid critical journalists with the defense that they *urgently needed to go on holiday and windows are faster than doors*? Who has not come across the video announcement for a fictitious thriller called Angstra Zeneca with Dutch Health Minister Hugo de Jonge exclaiming ‘*ik heb er zo’n kankerbende van gemaakt*’ (I have made it all a cancerous mess) with a grimace stretching from ear to ear? And who has missed the most recent true story tragicomedy played by Charles Michel, male President of the European Council, and Ursula von der Leyen, female President of the European Commission, who had jointly been invited by Turkish President Recep Tayyip Erdogan to discuss the position of women in Turkey? Unfortunately, they were only offered one chair for two people, which was symbolically occupied by Michel who left Von der Leyen standing awkwardly for a while. She ended up settling for a place on the comfortable sofa reserved for second rank guests. It was damned easy to get addicted to these countless videos, photos, images and written parodies. Oh, did we have fun with them! Some were ironic, some sarcastic and others cynical, but they jointly sketch a disconcerting image of the quality and reputation of key politicians in liberal Western democracies.

Fonte: <https://www.eur.nl/en/news/>. Publicado em 16/04/2021. Acesso em 29/08/21. Adaptado.

Questão 33. O termo “*albeit*”, destacado em itálico no excerto do primeiro parágrafo, “both canonized Dutch literary figures *albeit* of very divergent genres”, tem sentido equivalente a

- A () meanwhile. C () whereas. E () through.
 B () despite. D () indeed.

Questão 34. Em um encontro para discutir a posição da mulher, o anfitrião

- A () convidou dois representantes homens.
 B () não deu oportunidade de voz a uma representante mulher.
 C () relegou a representante mulher a um assento secundário.
 D () não cumprimentou a representante mulher.
 E () ficou constrangido com a falha na organização do evento.

Leia o texto destacado para responder às questões 35 a 37.

In a new survey of North American Indian languages, Marianne Mithun gives an admirably clear statement of what is lost as each language ceases to be used. “Speakers of these languages and their descendants are acutely aware of what it can mean to lose a language,” she begins – and this is perfectly true, although these speakers must have taken the decision themselves not to teach the language to their children. It happens all too often – people regret that their language and culture are being lost but at the same time decide not to saddle their own children with the chore of preserving them.

When a language disappears [Mithun continues] the most intimate aspects of culture can disappear as well: fundamental ways of organizing experience into concepts, of relating ideas to each other, of interacting to people. The more conscious genres of verbal art are usually lost as well: traditional ritual, oratory, myth, legends, and even humor. Speakers commonly remark that when they speak a different language, they say different things and even think different thoughts. These are very interesting assertions. They slip by in a book on anthropological linguistics, where in a book on linguistic theory they would be highly contentious. Is it true that “fundamental ways of organizing experience into concepts [and] of relating ideas to each other” are specific to individual languages and are therefore likely to be lost when a language ceases to be used? Is it true that when speakers speak a different language, they “say different things and even think different thoughts”? Again, the extent to which thought depends on language is very controversial. These questions must be now faced, because only when we have reached an opinion

on them will we be able to accept or reject Marianne Mithun's conclusion: "The loss of a language represents a definitive separation of a people from its heritage. It also represents an irreparable loss for us all, the loss of opportunities to glimpse alternative ways of making sense of the human experience."

Fonte: Dalby, Andrew. *Language in danger*. New York: Columbia University Press, 2003, p. 252; 285. Adaptado.

Questão 35. De acordo com a linguista Marianne Mithun

- A () os indivíduos falantes de línguas nativas e seus descendentes não têm absoluta clareza do que perder uma língua pode significar.
- B () indivíduos nativos lamentam a perda de sua língua e cultura, mas não querem sobrecarregar seus filhos com a responsabilidade de preservá-las.
- C () antes da extinção de uma língua, aspectos da cultura correspondente já haviam desaparecido.
- D () teorias linguísticas afirmam que o desaparecimento de línguas nativas é altamente controverso.
- E () a decisão de povos originários e seus descendentes ao abandonar suas línguas nativas tem motivação econômica.

Questão 36. O termo "must", destacado em itálico no excerto do segundo parágrafo, "These questions *must* be now faced", pode ser substituído, sem alteração de significado, por

- A () could.
- B () might.
- C () ought to.
- D () used to.
- E () had to.

Questão 37. De acordo com o texto, é correto afirmar que com o desaparecimento de uma língua, aspectos dessa cultura também estão fadados ao desaparecimento, exceto

- A () a interação entre indivíduos do grupo.
- B () formas de expressar experiências vividas em conceitos.
- C () estabelecimento de relações entre ideias.
- D () suas práticas econômicas baseadas em escambo.
- E () a tradição oral de seus mitos e lendas.

Leia o texto destacado para responder às questões de 38 a 40.

Meritocracy has become a leading social ideal. Politicians across the ideological spectrum continually return to the theme that the rewards of life—money, power, jobs, university admission—should be distributed according to skill and effort. The most common metaphor is the 'even playing field' upon which players can rise to the position that fits their merit. Conceptually and morally, meritocracy is presented as the opposite of systems such as hereditary aristocracy, in which one's social position is determined by the lottery of birth. Under meritocracy, wealth and advantage are merit's rightful compensation, not the fortuitous windfall of external events. And most people don't just think the world should be run meritocratically, they think it is meritocratic. However, although widely held, the belief that merit rather than luck determines success or failure in the world is demonstrably false. This is not least because merit itself is, in large part, the result of luck. Talent and the capacity for determined effort, sometimes called 'grit', depend a great deal on one's genetic endowments and upbringing.

Perhaps more disturbing, simply holding meritocracy as a value seems to promote discriminatory behaviour. The management scholar Emilio Castilla at the Massachusetts Institute of Technology and the sociologist Stephen Benard at Indiana University studied attempts to implement meritocratic practices, such as performance-based compensation in private companies. They found that, in companies that explicitly held meritocracy as a core value, managers assigned greater rewards to male employees over female employees with identical performance evaluations. This preference disappeared where meritocracy was not explicitly adopted as a value.

This is surprising because impartiality is the core of meritocracy's moral appeal. The 'even playing field' is intended to avoid unfair inequalities based on gender, race and the like. Yet

Castilla and Benard found that, ironically, attempts to implement meritocracy leads to just the kinds of inequalities that it aims to eliminate. They suggest that this 'paradox of meritocracy' occurs because explicitly adopting meritocracy as a value convinces subjects of their own moral sincerity. Satisfied that they are just, they become less inclined to examine their own behaviour for signs of prejudice.

As with any ideology, part of its draw is that it justifies the status quo, explaining why people belong where they happen to be in the social order. It is a well-established psychological principle that people prefer to believe that the world is just.

Fonte: <https://bigthink.com/>. Publicado em 23/03/2019. Acesso em 20/08/2021. Adaptado.

Questão 38. According to the first paragraph, one of the supporting arguments for meritocracy is:

- A () since meritocracy resembles the species selection process, it has a biological nature.
- B () effort and developed ability will be rewarded, so meritocracy is an unbiased ideological ideal.
- C () meritocracy is based on the concept of self-made fortunate man.
- D () skill and effort are determined by fortuitous opportunities that should be identified.
- E () heredity should play a decisive part for a successful outcome.

Questão 39. According to the third and fourth paragraphs, researchers at the Massachusetts Institute of Technology and Indiana University found that meritocracy

- A () should be adopted in organizations in a transparent way.
- B () has the potential to be transformed into a fair assessment tool in companies.
- C () could eliminate inequalities and prejudice against minorities if well conducted.
- D () is surprising because it provides a social 'even playing field'.
- E () is self-contradictory since it reinforces the inequalities it is supposed to eradicate.

Questão 40. De acordo com o quarto parágrafo, a meritocracia promove

- A () o conformismo social.
- B () a mobilidade social.
- C () a justiça social.
- D () a crença em um mundo melhor.
- E () a inquietação psicológica.

MATEMÁTICA

Convenções: Consideramos o sistema de coordenadas cartesiano a menos que haja indicação contrária.

$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$: denota o conjunto dos números naturais.
\mathbb{R}	: denota o conjunto dos números reais.
\mathbb{C}	: denota o conjunto dos números complexos.
i	: denota a unidade imaginária, $i^2 = -1$.
$M_n(\mathbb{R})$: denota o conjunto das matrizes $n \times n$ de entradas reais.
\overline{AB}	: denota o segmento de reta de extremidades nos pontos A e B .
\widehat{AOB}	: denota o ângulo formado pelas semi-retas \overrightarrow{OA} e \overrightarrow{OB} , com vértice no ponto O .
$m(\overline{AB})$: denota o comprimento do segmento \overline{AB} .

Questão 41. Se

$$x = 9 \log_{120} 2 + 3 \log_{120} 3 + 2 \log_{14400} 125$$

podemos afirmar que

- A () $x = 2$. B () $x = 3$. C () $x = 4$. D () $x = 5$. E () $x = 6$.

Questão 42. Considere um triângulo de vértices A, B e C , retângulo em B . Seja r a reta determinada por A e C e seja O um ponto equidistante de A e C no mesmo lado que B com respeito a r . Sabendo que $m(\overline{AO}) = 85$, $m(\overline{AB}) = 10$ e $m(\overline{BC}) = 24$ temos que a distância de O a r é

- A () 64. B () 66. C () 74. D () 76. E () 84.

Questão 43. Seja $m \in \mathbb{R}$. Considere os sistemas lineares

$$S_1 : \begin{cases} 4x - y = 2 \\ -16x + m^2y + z = -10 \\ 12x - 3y + z = 8 \end{cases} \quad \text{e} \quad S_2 : \begin{cases} 10x + z = m^2 + m - 1 \\ -5y + 5z = 14 \\ 5my + (14 - 5m)z = 14m^2 - 56 \end{cases} .$$

Assinale a alternativa correta:

- A () Não existe $m \in \mathbb{R}$ tal que S_1 é equivalente a S_2 .
 B () Existe exatamente um $m > 0$ tal que S_1 é equivalente a S_2 .
 C () Existe exatamente um $m < 0$ tal que S_1 é equivalente a S_2 .
 D () Existem exatamente dois valores distintos de m tais que S_1 é equivalente a S_2 .
 E () Existem infinitos valores distintos para m tais que S_1 é equivalente a S_2 .

Questão 44. Sejam $z_1, z_2 \in \mathbb{C}$ com $z_2 \neq 0$. Considere as afirmações:

- I. Se $z_1 + z_2 \in \mathbb{R}$ e $z_1 - z_2 \in \mathbb{R}$ então $z_1 \in \mathbb{R}$ e $z_2 \in \mathbb{R}$.
 II. Se $z_1 \cdot z_2 \in \mathbb{R}$ e $z_1/z_2 \in \mathbb{R}$ então $z_1 \in \mathbb{R}$ e $z_2 \in \mathbb{R}$.
 III. Se $z_1 + z_2 \in \mathbb{R}$ e $z_1 \cdot z_2 \in \mathbb{R}$ então $z_1 \in \mathbb{R}$ e $z_2 \in \mathbb{R}$.

É (são) sempre verdadeira(s):

- A () apenas I. B () I e II. C () apenas I e III. D () apenas II. E () apenas III.

Questão 45. Considere o polinômio $p(z) = z^4 - 6z^3 + 14z^2 - 6z + 13$ e note que $p(i) = 0$. Considere no plano complexo o quadrilátero cujos vértices são as raízes de $p(z)$. Podemos afirmar a área desse quadrilátero é

- A () 4. B () 6. C () 8. D () 9. E () 10.

Questão 46. Seja $n \geq 2$ e $A, B \in M_n(\mathbb{R})$. Considere as seguintes afirmações:

- I. Se $AB \neq BA$ então ou A ou B não é inversível.
 II. Se $AB = 0$ então $BA = 0$.
 III. Se $A^T = -A^2$ e A é inversível então $\det(A) = -1$.

É (são) verdadeira(s):

- A () apenas I. C () apenas III. E () Nenhuma das afirmações.
 B () apenas II. D () apenas I e III.

Questão 47. Sejam $x, r \in \mathbb{R}$ e suponha que

$$-\pi/2 < x - r \leq x + r < \pi/2.$$

Sobre

$$\tan(x - r), \tan(x) \text{ e } \tan(x + r),$$

nesta ordem, podemos afirmar que:

- A () Nunca determina uma progressão aritmética.
 B () Pode determinar uma progressão aritmética apenas se $r = 0$.
 C () Pode determinar uma progressão aritmética apenas se $r = 0$ ou se $r = \sqrt{3}/3$.
 D () Pode determinar uma progressão aritmética para infinitos valores distintos de r .
 E () Determina uma progressão aritmética para todo x e r como no enunciado.

Questão 48. Seja $b \in \mathbb{R}$ tal que a equação

$$x^2 - 6bx - (1 - b^2)(y^2 - 2by) + b^4 + 8b^2 - 1 = 0$$

determina uma hipérbole. Com respeito ao centro C desta hipérbole podemos afirmar:

- A () $C \in \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2/9 + y^2/12 < 1\}$.
 B () $C \in \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2/4 + y^2/2 > 1\}$.
 C () $C \in \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2/9 - y^2/2 < 1\}$.
 D () $C \in \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / 3x^2 - 2y^2 > 1\}$.
 E () Nenhuma das alternativas anteriores.

Questão 49. Seja P uma pirâmide regular cujo vértice V é um dos vértices de um cubo de lado l e cuja base é o hexágono formado pelos pontos médios das seis arestas do cubo que não contém V nem o vértice oposto a V . O raio da esfera que circunscreve P é

- A () $l\sqrt{2}/12$. B () $l\sqrt{3}/12$. C () $5l\sqrt{2}/12$. D () $5l\sqrt{3}/12$. E () $l\sqrt{3}/6$.

Questão 50. Considere as seguintes afirmações:

- I. Se α e β são planos paralelos distintos e r é uma reta tal que $r \cap \alpha \neq \emptyset$ então $r \cap \beta \neq \emptyset$.
- II. Se r é uma reta e P e Q são pontos distintos, então existem infinitos planos equidistantes de P e Q que contêm r .
- III. Dado quatro pontos no espaço, existe um único ponto equidistante a eles.

É (são) verdadeira(s):

- A () Nenhuma das afirmações. C () apenas II. E () I, II e III.
B () apenas I. D () apenas III.

Questão 51. Dizemos que a representação binária de um número $N \in \mathbb{N}$ da forma

$$N = g \cdot 2^0 + f \cdot 2^1 + e \cdot 2^2 + d \cdot 2^3 + c \cdot 2^4 + b \cdot 2^5 + a \cdot 2^6$$

é $(abcdefg)_2$, onde $a, b, c, d, e, f, g \in \{0, 1\}$ e omitem-se os algarismos 0 até o primeiro algarismo 1 da esquerda para a direita. Seja k um número inteiro tal que $1 \leq k \leq 100$. Qual a probabilidade de k e $k + 1$ terem representações binárias com um número distinto de algarismos?

- A () 2%. B () 4%. C () 6%. D () 8%. E () 10%.

Questão 52. Seja A o conjunto de todas as retas que passam por dois vértices distintos de um cubo C . Escolhendo aleatoriamente duas retas distintas de A , a probabilidade dessas retas se interceptarem em um vértice de C é:

- A () 4/9. B () 1/2. C () 2/3. D () 1/14. E () 3/7.

Questão 53. Sejam α, β e θ ângulos internos de um triângulo. Se $\cos(\beta + \theta) \leq \cos(\alpha + 2\beta)$, podemos afirmar que:

- A () O triângulo não é isóceles.
- B () O triângulo não é retângulo.
- C () O triângulo não é actuângulo.
- D () O triângulo não é obtusângulo.
- E () Não se pode garantir nenhum dos itens anteriores.

Questão 54. O número de soluções reais e distintas da equação

$$\cos^2(2x) = 3 - \cos^6(x) - 5 \cos^2(x)$$

no intervalo $[0, 2\pi[$ é

- A () 2. B () 3. C () 4. D () 5. E () 6.

Questão 55. Seja T um triângulo de vértices A, B e C com $m(\overline{AB}) = 2\sqrt{5}$ e $m(\overline{BC}) = 6$. Sabendo que $\hat{A}BC$ é agudo e T é inscritível em uma circunferência de raio $R = 5$, podemos afirmar que:

- A () $m(\overline{AC}) = \sqrt{5}/5$. C () $m(\overline{AC}) = 4\sqrt{5}/5$. E () $m(\overline{AC}) = 14\sqrt{5}/5$.
B () $m(\overline{AC}) = 2\sqrt{5}/5$. D () $m(\overline{AC}) = 8\sqrt{5}/5$.

QUÍMICA

Constantes

Constante de Avogadro (N_A)	=	$6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
Constante de Faraday (F)	=	$9,65 \times 10^4 \text{ C}\cdot\text{mol}^{-1} = 9,65 \times 10^4 \text{ A}\cdot\text{s}\cdot\text{mol}^{-1} = 9,65 \times 10^4 \text{ J}\cdot\text{V}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1}$
Carga elementar	=	$1,60 \times 10^{-19} \text{ C}$
Constante dos gases (R)	=	$8,21 \times 10^{-2} \text{ atm}\cdot\text{L}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1} = 8,31 \text{ J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1} = 1,98 \text{ cal}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{mol}^{-1}$
Constante de Planck (h)	=	$6,63 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$
Velocidade da luz no vácuo	=	$3,0 \times 10^8 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$
Número de Euler (e)	=	2,72

Definições

Pressão: $1 \text{ atm} = 760 \text{ mmHg} = 1,01325 \times 10^5 \text{ N}\cdot\text{m}^{-2} = 1,01325 \text{ bar}$

Energia: $1 \text{ J} = 1 \text{ N}\cdot\text{m} = 1 \text{ kg}\cdot\text{m}^2\cdot\text{s}^{-2} = 6,24 \times 10^{18} \text{ eV}$

Condições normais de temperatura e pressão (CNTP): $0 \text{ }^\circ\text{C}$ e 1 atm

Condições ambientes: $25 \text{ }^\circ\text{C}$ e 1 atm

Condições padrão: 1 bar ; concentração das soluções = $1 \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$ (rigorosamente: atividade unitária das espécies); sólido com estrutura cristalina mais estável nas condições de pressão e temperatura em questão. (s) = sólido. (ℓ) = líquido. (g) = gás. (aq) = aquoso. (conc) = concentrado. (ua) = unidades arbitrárias.

u.m.a. = unidade de massa atômica. [X] = concentração da espécie química X em $\text{mol}\cdot\text{L}^{-1}$

$\ln X = 2,3 \log X$

EPH = eletrodo padrão de hidrogênio

Massas Molares

Elemento Químico	Número Atômico	Massa Molar ($\text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$)	Elemento Químico	Número Atômico	Massa Molar ($\text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$)
H	1	1,01	Cl	17	35,45
B	5	10,81	K	19	39,10
C	6	12,01	Ca	20	40,08
N	7	14,01	Mn	25	54,94
O	8	16,00	Br	35	79,90
F	9	19,00	Ag	47	107,87
Na	11	22,99	I	53	126,90
Mg	12	24,30	Hg	80	200,59
P	15	30,97	Pb	82	207,19
S	16	32,06	Pa	91	231,04

Questão 56. Considere os seguintes pares de substâncias líquidas a $25 \text{ }^\circ\text{C}$:

- I. Água e metanol.
- II. Acetona e dissulfeto de carbono.
- III. Acetona e clorofórmio.
- IV. n-hexano e n-heptano.
- V. Metanol e etanol.

Assinale a alternativa que apresenta os pares de substâncias que formam soluções consideradas ideais.

A () Apenas I, II e III

C () Apenas II, III e IV

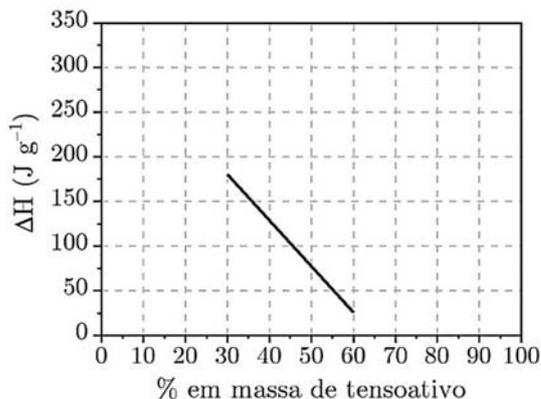
E () Todas

B () Apenas I e IV

D () Apenas IV e V

Questão 62. Sistemas compostos por água e tensoativos em diferentes proporções, depois de homogêneos, passam por um processo termodinâmico quando atingem temperaturas em torno de 0 °C. A variação de entalpia (ΔH) desse processo foi determinada para cada mistura em função da composição do sistema, conforme apresentado no gráfico. Considere que o ponto de fusão do tensoativo puro é menor que -20 °C e o calor latente de fusão da água pura é 334 J·g⁻¹. Sobre esses sistemas são feitas as seguintes afirmações:

- I. O ΔH refere-se à transição de fase do tensoativo.
- II. O calor latente de fusão do tensoativo puro é -180 J·g⁻¹.
- III. Até 35% em massa de água pode se apresentar na forma associada à substância e não funde.
- IV. O ΔH é proporcional à quantidade de água não associada ao tensoativo.



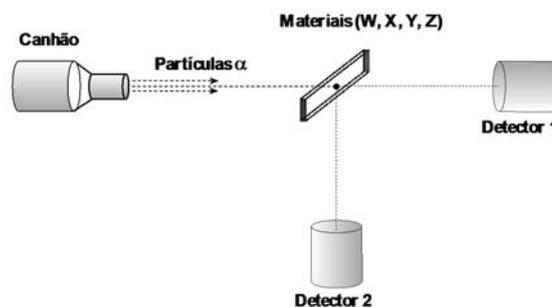
Com base no gráfico e nas informações do enunciado, assinale a opção que indica a(s) afirmação(ões) CORRETA(S).

- A () Apenas I e II
- B () Apenas I, II e IV
- C () Apenas II
- D () Apenas III e IV
- E () Todas

Questão 63. Considere a seguinte configuração experimental, constituída de um canhão de partículas α , dois detectores de partículas α posicionados ortogonalmente entre si e uma folha fina de um determinado material (W, X, Y, Z).

Experimentos foram realizados, bombardeando cada material com uma quantidade de partículas α e registrando o número de partículas coletadas em cada detector, conforme a tabela abaixo.

Experimento	Partículas lançadas	Material	Partículas Coletadas	
			Detector 1	Detector 2
I	8000	W	7903	1
II	10	X	10	0
III	10	Y	10	0
IV	10	Z	10	0



A partir dessas informações, assinale a alternativa que apresenta a conclusão CORRETA sobre as observações feitas nos experimentos.

- A () Com a espessura de uma folha fina, somente o material W é capaz de defletir partículas α .
- B () Conclusões não podem ser tiradas sobre os experimentos II, III e IV, pois o experimento I mostrou que a taxa de partículas defletidas é muito baixa para um dos materiais.
- C () A medição obtida no experimento I contém algum erro, visto que o número resultante da soma de partículas registrado nos detectores 1 e 2 não é igual ao de partículas lançadas pelo canhão.
- D () Os experimentos confirmam que os materiais X, Y e Z são transparentes às partículas α .
- E () Se todos os materiais fossem bombardeados por um mesmo número de partículas α , eles apresentariam exatamente o mesmo número de partículas nos detectores 1 e 2, contanto que todos tivessem a mesma espessura.

Questão 68. Em um reator mantido à temperatura constante, $\text{PCl}_5(\text{g})$ encontra-se em equilíbrio com 1 atm de $\text{Cl}_2(\text{g})$ e 2 atm de $\text{PCl}_3(\text{g})$. Sabendo-se que a constante de equilíbrio da reação de dissociação do $\text{PCl}_5(\text{g})$ nessa temperatura é $k_p = 4$, assinale a alternativa que apresenta a nova pressão de equilíbrio do $\text{PCl}_5(\text{g})$ (em atm) após adição de mais 2 atm desse gás ao reator.

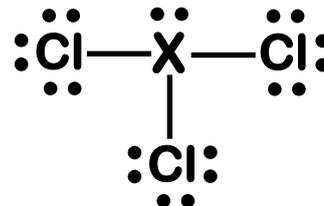
A () 1,0
B () 1,5

C () 2,0
D () 2,5

E () 3,5

Questão 69. Considere a estrutura de Lewis de um tricloreto. São feitas as seguintes afirmações a respeito da estrutura geométrica da molécula e a possível identidade do átomo X:

- I. A molécula adota uma estrutura trigonal plana, com ângulo de ligação Cl-X-Cl maior ou igual a 120° .
- II. A molécula adota uma estrutura tetraédrica, com ângulo de ligação Cl-X-Cl maior que $109,5^\circ$.
- III. O átomo "X" pode ser o nitrogênio, preservando a geometria molecular.
- IV. O átomo "X" pode ser o boro, preservando a geometria molecular.



Assinale a opção que contém a(s) afirmação(ões) CORRETA(S):

A () Apenas I
B () Apenas I e IV

C () Apenas II e III
D () Apenas II e IV

E () Apenas III

Questão 70. Considere as seguintes afirmações sobre equilíbrio de fases e propriedades coligativas.

- I. A adição de um soluto não volátil a um solvente puro, em uma dada temperatura constante, sempre provoca uma diminuição na pressão de vapor.
- II. A pressão de vapor de uma solução formada por dois líquidos voláteis é sempre menor que a pressão de vapor dos líquidos puros a uma mesma temperatura.
- III. O valor absoluto do abaixamento no ponto de congelamento de uma solução é menor se o soluto dimeriza parcialmente no solvente, comparado ao sistema nas mesmas condições em que não há a dimerização do soluto.
- IV. A pressão osmótica é a pressão exercida pelas moléculas de soluto numa membrana semipermeável.
- V. Uma mistura formada por duas substâncias nunca solidifica inteiramente em uma única temperatura.

Assinale a opção que contém a(s) afirmação(ões) CORRETA(S):

A () Apenas I, III
B () Apenas I, II e V

C () Apenas II, III, IV e V
D () Apenas III, IV e V

E () Todas